

Solutions des TP N° 1

Exercice 1

1. Un reconnaiseur en C pour le langage des chaînes qui commencent par 0 et se terminent par 11 :

- ▷ Tout d'abord, il faut vérifier que le premier caractère lu est un '0', sinon on retournera la valeur 0.
- ▷ Ensuite, pour les autres caractères, il faut vérifier que chacun d'eux est dans l'ensemble $\{0, 1, \backslash n\}$.
- ▷ Il faut chercher une séquence de la forme '1', '1' '\n'.

► **Algorithm :**

```
Fonction AnaLex() : Booléen;
    Variables :
        car : Caractère;
        indicateur : Booléen;
    Début
        indicateur := Faux;
        lire(car);
        Si(car != '0')
            Alors Retourner Faux;
        FinSi
        Répéter
            lire(car);
            Si(car = '0')
                Alors indicateur = Faux;
            Sinon Si(car = '1')
                lire(car);
                Si(car = '0')
                    Alors indicateur = Faux;
                Sinon Si(car = '1')
                    Alors indicateur = Vrai;
                FinSi
```

```

        FinSi
    FinSi
    Jusqu'à (car = '\n' ou (car != '0' et car != '1'));
    Si(car != '\n')
        Alors Retourner Faux;
    Sinon
        Retourner indicateur;
    FinSi
Fin

```

► Programme *C* :

```

#include <stdio.h>
int AnaLex()
{
    char car;
    int indicateur = 0;

    car = getchar();
    if(car != '0')
        return 0;
    do
    {
        car = getchar();
        if(car == '0')
            indicateur = 0;
        else
        {
            if(car == '1')
            {
                car = getchar();
                if(car == '0')
                    indicateur = 0;
                else
                {
                    if(car == '1')
                        indicateur = 1;
                }
            }
        }
    }while(car != '\n' && (car == '0' || car == '1'));
    if(car != '\n')
        return 0;
    else

```

```

        return indicateur;
    }

int main()
{
    if(AnaLex())
        printf("Chaine acceptee\n");
    else
        printf("Chaine non acceptee\n");
    system("pause");
    return 0;
}

```

2. Un reconnaiseur en C pour le langage des chaînes ayant un nombre pair de 0 :

► **Algorithme :**

Fonction AnaLex() : Booléen;
 Variables :
 car : Caractère;
 pair : Booléen;
 Début
 pair := Vrai;
 Répéter
 lire(car);
 Si(car = '0')
 Alors pair = Non pair;
 FinSi
 Jusqu'à (car = '\n' ou (car != '0' et car != '1'));
 Si(car != '\n')
 Alors Retourner Faux;
 Sinon
 Retourner pair;
 FinSi
 Fin

► **Programme :**

```
#include <stdio.h>
```

```

int AnaLex()
{
    char car;
    int pair = 1;

```

```

do
{
    car = getchar();
    if(car == '0')
        pair = ! pair;
}while(car != '\n' && (car == '0' || car == '1'));

if(car != '\n')
    return 0;
else
    return pair;
}

```

3. Un reconnaisseur en *C* pour le langage des chaînes ayant exactement un seul 1 :

► **Algorithme :**

```

Fonction AnaLex() : Booléen;
    Variables :
        car : Caractère;
        nb_un : Entier;
    Début
        nb_un := 0;
    Répéter
        lire(car);
        Si(car = '1')
            Alors nb_un := nb_un + 1;
        FinSi
        Jusqu'à (car = '\n' ou (car != '0' et car != '1'));
        Si(car != '\n')
            Alors Retourner Faux;
        Sinon
            Retourner (nb_un = 1);
        FinSi
    Fin

```

► **Programme :**

```
#include <stdio.h>
```

```

int AnaLex()
{
    char car;
    int nb_un = 0;

```

```

do
{
    car = getchar();
    if(car == '1')
        nb_un++;
}while(car != '\n' && (car == '0' || car == '1'));

if(car != '\n')
    return 0;
else
    return (nb_un == 1);
}

```

4. Un reconnaiseur en *C* pour le langage des chaînes *w* pour lesquelles le nombre $2|w|_0 + |w|_1$ est divisible par 3 :

► **Algorithme :**

```

Fonction AnaLex() : Booléen;
    Variables :
        car : Caractère;
        nb_zero, nb_un : Entier;
    Début
        nb_zero := 0;
        nb_un := 0;
        Répéter
            lire(car);
            Si(car = '1')
                Alors nb_un := nb_un + 1;
            Sinon Si(car = '0')
                Alors nb_zero := nb_zero + 1;
            FinSi
            FinSi
        Jusqu'à (car = '\n' ou (car != '0' et car != '1'));
        Si(car != '\n')
            Alors Retourner Faux;
        Sinon
            Retourner ((nb_un + 2 * nb_zero) mod 3 = 0);
        FinSi
    Fin

```

► **Programme :**

```
#include <stdio.h>
```

```

int AnaLex()
{
    char car;
    int n0 = 0; /* nombre des 0 */
    int n1 = 0; /* nombre des 1 */

    do
    {
        car = getchar();
        if(car == '0')
            n0++;
        else
        {
            if(car == '1')
                n1++;
        }
    }while(car != '\n' && (car == '0' || car == '1'));

    if(car != '\n')
        return 0;
    else
        return ((2 * n0 + n1) % 3 == 0);
}

```

Remarque : la fonction "main" est la même pour tous les programmes !

Exercice 2

Il suffit de traduire en *C* l'algorithme de reconnaissance d'un mot par un **AFD** complet vu en cours. Il faut tout d'abord fixer une notation pour représenter les éléments d'un **AFD**. Voici une notation simple :

- ▷ L'ensemble des états E : s'il y a N états, on les note de 0 à $N - 1$.
- ▷ L'alphabet A : un tableau A indexé de 0 à $K - 1$, où K est la taille de l'alphabet.
- ▷ L'état initial q_0 : l'état 0.
- ▷ La fonction de transition δ : une matrice $M[i, j] = \delta(i, j)$, où $i = 0, 1, \dots, N - 1$ désigne un état et $j = 0, 1, \dots, K - 1$ désigne un symbole de l'entrée.

- ▷ L'ensemble des états finaux F : un tableau d'entiers F indexé de 0 à $N_f - 1$ où N_f est le nombre des états finaux.

On utilisera une fonction qui renvoie l'indice d'un symbole (dans le tableau qui représente l'alphabet). En fait, la notation du cours $\delta(etat, symbole)$ sera traduite par $M[i, j]$ où $i = etat$ et $j = indice(symbole)$.

La fonction "est_final(etat e)" permet de tester si un état e est final ou non. La fonction "accepter()" simule la reconnaissance d'un mot par un **AFD**. On supposera que les mots tapés seront des mots sur l'alphabet A spécifié. Voici le squelette général du programme :

```
#include <stdio.h>

#define N  ...
#define K  ...
#define NF ...

char A[K] = {...}; /* alphabet */
int M[N][K] = {{...}, ..., {...}};
int F[NF] = {...};

int est_final(int etat)
{
    int i;

    for(i = 0; i < NF; i++)
        if(F[i] == etat)
            return 1;
    return 0;
}

int indice(char symbole)
{
    int i;

    for(i = 0; i < K; i++)
        if(A[i] == symbole)
            return i;
}

int accepter()
{
```

```

int car;
int etat;

etat = 0; /* On part de l'état initial */
do
{
    car = getchar();
    if(car != '\n')
    {
        etat = M[etat][indice(car)];
    }
}while(car != '\n');
return est_final(etat);
}

int main()
{
    printf("Votre mot : ");
    if(accepter())
        printf("Accepte\n");
    else
        printf("Non accepte\n");
    system("pause");
    return 0 ;
}

```

Ce programme est général pour n'importe quel automate : il faut tout simplement changer les données sur l'**AFD** considéré (remplir les trois points ...).

Voici maintenant les quatre **AFD** demandés :

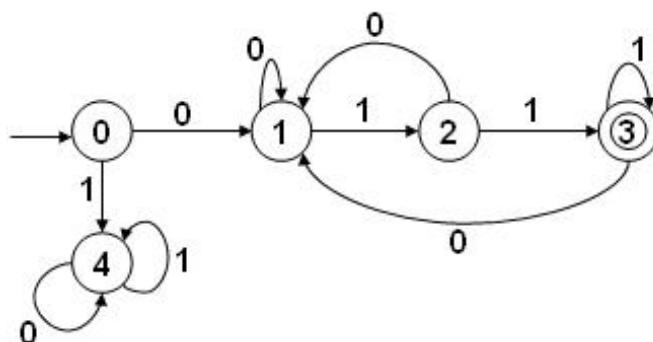


FIG. 1 – Un **AFD** complet de la question 1, Exercice 1.

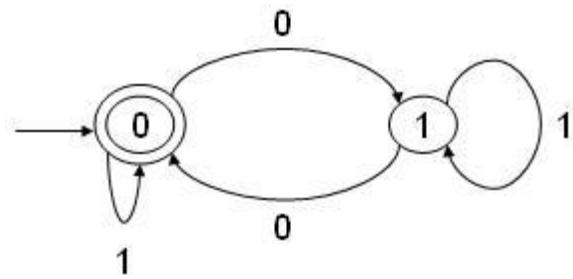


FIG. 2 – Un AFD complet de la question 2, Exercice 1.

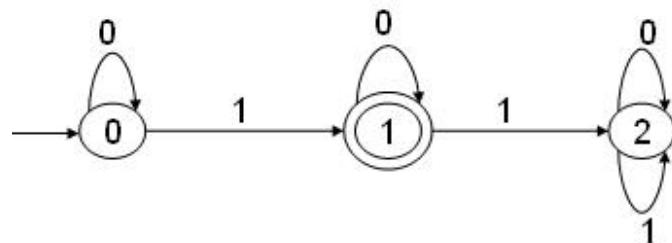


FIG. 3 – Un AFD complet de la question 3, Exercice 1.

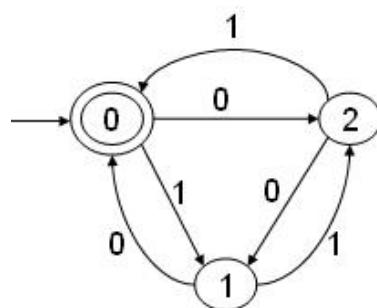


FIG. 4 – Un AFD complet de la question 4, Exercice 1.